Statistiques élémentaires - Indicateurs de position (2^e partie)

Préambule : 0. (Rappel) Ouvrir une session en tapant PremiereL comme nom d'utilisateur – mot de passe « jml ».

- Ouvrir le classeur Excel à votre nom dans le dossier Document / Gr1 ou Gr2. 1.
- Insérer une nouvelle feuille (Menu Insertion / Feuille) et la placer après les précédentes. 2.
- 3. Renommer cette feuille TD7.Stat.2 comme pour les TD précédents.

I – Étude statistique d'un jeu de dés : on lance 200 fois une paire de dés à 6 faces et l'on note la somme des points.

Population / Échantillon : 200 lancers d'une paire de dés à 6 faces.

Effectif total de l'échantillon : N = 200

Caractère étudié : les faces.

Valeur du caractère : la somme des faces.

Classes : notées x_i , elles sont représentées par les nombres entiers de 2 à 12.

Série statistique donnée (ou engendrée aléatoirement par l'ordinateur) : 200 nombres entiers compris entre 2 et 12. **Effectif** de chaque classe x_i noté n_i (nombre d'occurrence de la valeur x_i dans la série initiale)

Fréquence de chaque classe : $f_i = n_i / N$

1°) Construire le tableau suivant dans la feuille de calcul en utilisant les formules adéquates pour remplir les cellules automatiquement.

On observera en particulier que la moyenne s'obtient directement en faisant la somme des produits x_i . f_i dans la 4^e colonne. On vérifiera que l'on obtient bien un total de 100% dans la colonne des fréquences.

La 5^e colonne contient les **fréquences**

cumulées c'est à dire la somme des fréquences correspondant à toutes les classes au plus égales à celles de la ligne correspondante.

On doit donc automatiquement obtenir la valeur 100% dans la ligne correspondant à la dernière valeur du caractère.

Ainsi cette dernière colonne permet-elle de déterminer approximativement la valeur de la médiane en recherchant quelle valeur du caractère correspond à environ 50% de l'effectif.

2°) Construire l'histogramme des fréquences dans la feuille de calcul, en n'omettant pas de mettre les valeurs des classes en abscisse et en réduisant les ordonnées au mieux. Indiquer la moyenne trouvée sur le graphique obtenu.

3°) Construire la courbe des fréquences cumulées (nuage de points reliés par des segments de droite) en n'omettant pas de mettre les valeurs des classes en abscisse, les ordonnées étant nécessairement de 0 à 100%.

Indiquer la **médiane** ainsi que le 1^{er} et le 3^e **quartile** sur le graphique obtenu et représenter la « **boîte à moustaches** ».

II - Construction automatique aléatoire d'un nouvel échantillon et calcul automatique des effectifs, des fréquences, de la movenne et de la médiane à l'aide des formules.

On utilise la fonction ALEA() pour construire une plage de 200 valeurs comprises entre 2 et 12. Pour cela on écrit la formule suivante dans une cellule : = ENT(6*ALEA()) + 1 + ENT(6*ALEA()) + 1 puis on étend cette formule sur une plage de 200 cellules (par exemple en prenant 20 lignes et 10 colonnes). On donne alors le nom série à cette plage [Menu : Insertion / NOM]

2°) Pour déterminer le nombre d'occurrences d'un nombre donné dans une série brute, on utilise la fonction suivante : =NB.SI(série ; valeur) qui retourne le nombre d'occurrences de la valeur indiquée (réf cellule) dans la série indiquée (Références fixes de la plage de cellule contenant la série générée par la fonction ALEA) Pour utiliser efficacement cette fonction on construit d'abord une colonne contenant les valeurs x_i des classes, dont les éléments serviront de référence pour les valeurs.

3°) Compléter alors le tableau obtenu comme dans le §I puis construire l'histogramme et la courbe des fréquences cumulées correspondants. On peut ainsi utiliser les fonctions = MOYENNE(série) et = MEDIANE (Série), pour vérifier les résultats obtenus dans le tableau, ainsi que les fonctions

= QUARTILE(Série ;1) et **= QUARTILE (Série ;3)** pour obtenir le 1^{er} et le 3^e quartile.

4°) En appuyant sur la touche F9 ou \Re = on voit se modifier automatiquement le tableau des valeurs et l'histogramme associé ainsi que la courbe des fréquences cumulées.

Classes x _i	Effectifs n _i	Fréquences f_i (%)	Produits $x_i \cdot f_i$	Fréqu. Cum. $\sum f_i$ (%)
2	3			
3	8			
4	11			
5	25			
6	22			
7	33			
8	35			
9	27			
10	20			
11	10			
12	6			100 %
Totaux	N = 200	100%	Moyenne :	Médiane :